

图 8 王寺峪矿区 Z K 1 孔井中撒电结果 1 一井中撒电7,曲线; 2 一钻孔; 3 一矿体

且还可以发现旁侧异常。图 9 为井中澈电和剖面 性澈电测深的拟断面对比图。由图可见,两者形态基本一致。因此,用井中观测代替剖面性电测 深测量是可行的,或者两者都测,互相印证。

本项工作得到武汉地质学院北京研究生部余 钦范老师的指导,以及冶金部物探公司、冶金地

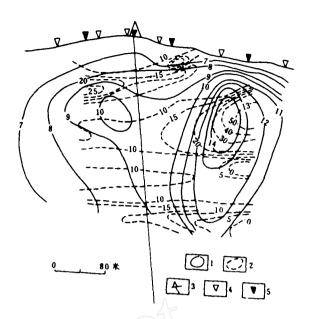


图 9 附马寨矿点井中激电 和剖面性电测深拟断面对比图 1一激电测深等7,曲线; 2一井中激电等7,曲线; 3一钻孔:4一激电测深点; 5一井中激电供电点

质物探大队、522 队、515 队的大力协助: 严秀 茹、李红同志提供了大量磁、电参数资料, 在此一并致谢。

本文是我队物探研究室冀东铁矿研究专题报 告部分内容的摘录。参加此项工作的先后有十余 人, 恕不一一列出。

用最小二乘法设计电测深滤波器

傅良魁 姚文斌

(武汉地质学院北京研究生部)

现有的电测深滤波器还不能满足各种需要。对某些问题,或是在某些情况下,必须自行设计滤波器。有两种设计方法: 付里叶变换法和最小二乘法。和付里叶变换法相比,最小二乘法的优点是: 计算速度快,计算存储量小,而且不必考虑滤波器的位移。在不能用付里叶变换法的某些情况下,只要有一台袖珍计算器或微型计算机,即可用最小二乘法来设计所需的电测深滤波器。我们参考了O. Koefoed的程序,编制了一个设计电测深滤波器的PC-1500程序。它可用于设计各种装置、不同抽样间距的电测深正、反演滤波器,还可用来设计通用的最小二乘滤波器。

方法原理

众所周知, 视电阻率函数是电阻率转换函数和滤波函数的褶积, 其离散形式为

$$\rho (K\Delta) = \sum_{j=-j_1}^{j_1} T [(K-j)\Delta] \cdot f (j)$$

式中: T 为输入函数, ρ 为输出函数,f 是滤波函数。现规定滤波器最后一个预测系数 $f(-j_i)$ 为 f_0 ,第一个记忆系数 $f(j_2)$ 为 f_n ,中间系数记为 f_i ;输入函数的第一个值记为 b_n ,中间点记为 b_i ,最后一个记为 b_m ,在 $b_0 \sim b_m$ 范围之外,输入函数值很小,可忽略不计;经滤波计算的输出函数第一点记为 c_0 ,中间点记为 c_0 ,最后一点记为 c_m 。滤波方程于是可写为

$$c_{i} = \sum_{j=0}^{n} f_{j} \cdot b_{i-j} \qquad (i = 0, 1, \dots, m+n)$$
 (1)

滤波器的理论输出函数记为di。实际输出ci与理论输出di的离差平方和可写为

$$I = \sum_{i=0}^{m+n} \sum_{j=0}^{n} (f_j \cdot b_{i-j}) - d_i]^2$$
 (2)

为使目标函数 1 为极小,令 1 对所有 后的偏导数为零,则得

$$\sum_{i=0}^{m+n} \left[\sum_{j=0}^{n} (f_j \cdot b_{i-j}) - d_i \right] \cdot b_{i-k} = 0, \qquad (k = 0, 1, \dots, n)$$
 (3)

改变上式的求和顺序:

$$\sum_{j=0}^{n} \left[f_{j}^{m+n} \sum_{j=0}^{m+n} (b_{i - j} \cdot b_{i - k}) \right] = \sum_{i=0}^{m+n} d_{i} \cdot b_{i - k}$$

$$a_{j-k} = \sum_{k=0}^{m+n} (b_{i - j} \cdot b_{i - k})$$

$$g_{k} = \sum_{k=0}^{m+n} (d_{i} \cdot b_{i - k})$$

$$(4)$$

4

 a_{j-k} 是输入函数 b_i 的自相关函数,它是偶函数,即 $a_{j-k} = a_{k-j}$ 。 g_k 是输出函数 d_i 和输入函数 b_i 的 互 相关函数。(4) 式可简写为:

$$\sum_{j=0}^{n} (f_{j} \cdot a_{j-k}) = g_{k} \tag{5}$$

k的取值范围为0~n, (5) 式可写成下列方程组:

$$\begin{array}{c}
a_{0}f_{0} + a_{1}f_{1} + a_{2}f_{2} + \cdots + a_{n}f_{n} = g_{0} \\
a_{1}f_{0} + a_{0}f_{1} + a_{1}f_{2} + \cdots + a_{n-1}f_{n} = g_{1} \\
\vdots \\
a_{n}f_{0} + a_{n-1}f_{1} + a_{n-2}f_{2} + \cdots + a_{0}f_{n} = g_{n}
\end{array}$$
(6)

该方程组是一特殊方程组,其系数矩阵是对称矩阵,而且沿平行于主对角线上的元素都相等,实际上系数矩阵仅由 a_0 , a_1 …, a_n 这n+1个元素组成。此种矩阵称为陶布里兹(Toeplitz)矩阵。莱文森(Levinson)曾提出一种解陶布里兹方程组的快速递推算法。其计算时间与 n^2 成比例,计算存储量与n成比例,而解该方程组的其他算法要求的计算时间与 n^3 成比例,计算存储量与 n^2 成比例。因此,采用莱文森算法可以在计算速度和存储量都很小的 PC - 1500计算机上快速完成所需滤波器的设计。

解陶布里兹方程组的莱文森算法的原理和公式,可在参考文献 [2] 和 [3] 中查到。 Koef oed 给出了设计电测深滤波器的辅助函数对。下面列出一组。若把电阻率转换函数视为

$$T' = q\lambda e^{-q\lambda} \tag{7}$$

则可得到各种电极装置的视电阻率:

1. 理论对称四极装置 (MN < AB):

$$\rho_{s}' = 3 (r/q)^{3/} \left[1 + (r/q)^{2} \right]^{5/2}$$
 (8)

2. 实际对称四极装置:

$$\rho_{\text{sym}} = \frac{1 - c^2}{2 c} \left[\frac{r/q}{\{1 + [(1 - c) (r/q)]^2\}^{-3/2}} - \frac{r/q}{\{1 + [(1 + c) (r/q)]^2\}^{-3/2}} \right] (9)$$

3. 温纳装置:

$$\rho_{\mathbf{w}}' = \frac{2 \, a/q}{\left[1 + (a/q)^2\right]^{3/2}} - \frac{2 \, a \, q}{\left[1 + (2 \, a/q)^2\right]^{3/2}}$$
(10)

4. 偶极装置:

$$\rho_{\rm D}' = \frac{3 - (r/q)^{\frac{3}{4}}}{\left[1 + - (r/q)^{\frac{3}{2}}\right]^{\frac{5}{2}}} - P \frac{9 - (r/q)^{\frac{3}{4}} - 6 - (r/q)^{\frac{5}{4}}}{\left[1 + - (r/q)^{\frac{3}{2}}\right]^{\frac{7}{2}}}$$
(11)

以上各式中的q 是任意常数。 (8)、 (9) 式中r = AB + 2, $c = MN \cdot AB$; (10) 式中 $a \cdot M$ N = AB/3; (11) 式中r为两偶极中心距,P是与偶极装置类型有关的系数。如果要设计 $T \rightarrow \rho$ 的 滤波器,则把T′作为输入函数,ρ′作为输出函数;若要设计ρ →T的滤波器则相反。本文所给程序是 用来设计理论对称四极装置T-+P的滤波器。如要设计其他电测深滤波器、只要改变语句100 中的输 入函数和语句150 中的输出函数即可。只要给出输入、输出函数,本程序也可用来设计其他最小二乘 滤波器。

程序操作说

- 「1] RUN↓开机。
- [2] 显示 "ABSCISSA OF F 1?": 输入滤波器第一个系数的坐标(自然对数值)的绝 对值。
- [3] 显示 "NUMBER OF F POINT?";输入要计算的滤波系数的个数。3、4两问题 的输入应使计算的滤波器比所需的滤波器两端长一些,从计算得到的滤波系数中再确定最后所需要的 滤波器。
 - [4] 显示 "ABSCISSA OF INFUN 1?": 输入输入函数第一点坐标(自然对数值)。
 - [5] 显示 "NUMBER OF INFUNS?"; 输入要计算的输入函数点数。
- [6] 显示 "SAMPLING DISTENS?";输入抽样间距。4、5、6三问题的输入应使计 算点之外的输入函数和输出函数值小得可忽略不计。
- [7] 显示 "LPRINT FUNCTIONS NO = 0"; 若不要打印输入、输出函数值则输入 0, 若 打印则输入非0的任意数。第一次运行时应打印出输入、输出函数值,以了解这些函数值的分布情况, 便于下一次运行时合理确定输入函数第一点坐标及计算点数。
 - [8] 机器计算并输出滤波系数计算结果及理论输出与滤波计算输出的均方根误差。
- [9] 显示 "OUT INDIVIDUAL ERROR? NO = 0";若要打印各点理论输出与滤波计算 输出的误差,则输入0以外的任意数值。

应说明的是,电测深滤波器不是唯一的,所给的初始参数不同,得到的滤波器也不同。用户可以 多计算几次,从中选出自己理想的滤波器。

变量和数组说明

XF: 滤波器第一点坐标绝对值 (自然对数)。

N:滤波器点数。

XA: 输入函数第一点坐标 (自然对数)。

KA: 輸入函数点数。SP: 抽样间距。

KT: 輸出函数点数 (KT=KA+N-1)。

X (100): 滤波系数。Y (100): 输入函数。

Z (200): 理论输出函数。B (100): 互相关函数。

R (100): 自相关函数。A (200): 滤波计算输出函数。

WS (100):解方程组时中间变量数组。

算 实

我们用该程序计算了一个理论对称四极装置 $T \rightarrow \rho$ 的滤波器。抽样间距取 1/4($\ln 10$),滤波器点数 取14点,求得的滤波系数之和为1.00000172,理论输出函数和滤波计算输出函数的均方根误差为1.65 ×10⁻⁵, 各点输出函数的最大离差小于4.14×10⁻⁵。具体结果如下:

X F = 2.49755783	X = -7.70619010 E - 01	F = -2.56053493 E - 01
N = 14	F = 1.83972571 E - 02	X = 3.25890490 E 00
X A = -11.51292546	X = -1.94972737 E - 01	F = 6.78092380 E - 02
KA = 41	F = 1.58855859 E - 01	X = 3.83455117 E 00
$\mathbf{S} \ \mathbf{P} = 5.756462732 \ \mathbf{E} - 0$	X = 3.80673535 E - 01	F = -1.80587706 E - 02
1	F = 6.74392833 E - 01	X = 4.41019744 E 00
	X = 9.56319808 E - 01	F = 4.12298983 E - 03
X = -2.49755783	F = 1.77716573 E 00	X = 4.98584372 E 00
F = 8.71075663 E - 04	X = 1.53196608 E 00	F = -5.80097500 E - 04
X = -1.92191155 E 00	F = -2.39433088 E 00	*1.00000172 E 00
$\mathbf{F} = -1.75748465 \ \mathbf{E} - 03$	X = 2.10761235 E 00	
X = -1.34626528 E 00	F = 9.58362434 E - 01	RMSE = 1.65057323E
F = 1.08050294 E - 02	X = 2.68325862 E 00	- 05

- [1] Koefoed, O.: Geosounding Principles, Vol. I, Elsevier Scientific Publishing Company, 1979
- [2] 克利不被特, J. F.: 《地球物理数据处理基础》,北京,石油工业出版社,1983年
- [3]程乾生:《信号数字处理的数学原理》,北京,石油工业出版社,1979年

源程序 (程序框图从略)

5: REM THIS PROG	(1+T*T):2(J)=	400: REM THE TOEPL	785: S=S+X(J)
COMPUTS VES	3*1*1*1/(02*02	IZE EQUATION I	·
FILTER BY THE	*02*02*02)	S SOLVED	790:NEXT J 795:LPRINT "*":S
LEAST SQUARES	160: XX=XX+SP	500:A(1)=1:AL=R(1)	792: REM THE ROOR
	120: NEXT J	:BE=R(2)	MEAN SQUARE
METHOD	180: IF MA=OTHEN	519:X(1)=B(1)/R(1)	ERROR IS COMPU
10: INPUT "ABSCISS	GOTO 200	:GA=X(1)*R(2)	
A OF F17";XF			TED
20: INPUT "NUMBER	182: XX=XA	520: FOR K=2TO N	800:0=0
OF F POINT?";N	185: FOR J=1TO KA	530:RK=-BE/AL:A(K)	910: FOR 1=1TO 100
30: INPUT "ABSCISS	187: LPRINT USING "	=0	820:A(1)=0
A OF INFUNI?";	###,#####";"X=	540: FOR 1=2TO K	830: NEXT 1
Υ Α	";XX	5 50 : L=K+1-1	840: FOR 1=110 KT
40: INPUT "NUMBER	188:LPRINT USING "	560;WS(I)=A(I)+RK*	850:FOR J=110 N
OF INFUNS?";KA	##.#####^";"1N	A(L)	860:L=I+1-J
50:KT=KA+N-1	F=";Y(J):XX =XX	528: NEXT 1	870: IF L<=0G0T0 95
60: INPUT "SAMPLIN	+SP	580:FOR]=2TO K	0
GD]STENS?";SP	190: NEXT J: LPRINT	590:A(1)=WS(1):	880:1F L>KAGOTO 93
62: INPUT "LPRINT	""	NEXT 1	Ø
FUNCTIONS?NO=0	191:XX=XA-XF	600: AL=AL+RK*BE	900:A(1)=A(1)+X(J)
";MA	192:FOR J=1TO KT	510: RK=(B(K)-GA)/A	*Y(L)
65:LPRINT "XF=";X	194: LPRINT USING "	L:X(K)=0	930:NEXT J
F	###,#####";"X=	628: FOR 1=110 K	959: Q=Q+(A(1)-Z(1)
66:LPRINT " N=";N	":XX	630: L=K+1-1)*(A(1)-Z(1))
67: LPRINT "XA=";X	196: LPRINT USING "	648:X(1)=X(1)+RK#A	980: NEXT: 1
Α	##.####^";"OU	(L):NEXI	
68: LPRINT "KA=";K	T=";Z(J):XX=XX	650: IF XX=NTHEN 73	990: 0=1(0/KT)
A A	+SP	DOD: IF AVENTHEN /3	
69:LPRINT "SP=";S	198: NEXT J	660: 1=K+1	1010 100111
P		670: J=K: BE=0: GA=0	1010: LPRINT "RMSE
70: DIM X(100), Y(1	199:REM COMPUTE C		="; Q
00), Z(200), B(1	ROSS AND AUTO	680:FOR L=210 !	1020: INPUT "OUT 1
	CORRELATION FU	690:BE=A(J)*R(L)+B	ND]UIOUAL ER
00), R(100), A(2	NCTIONS	E	RORS?NO=0";M
00), WS(100)	200: FOR 1=1TO N	700: GA=X(J)*R(L)+G	A
75: REM COMPUTATI	210:B(1)=0	Α	1030:1F MA=0GOTO
ON OF INPUT AN	220: FOR J=1TO KA	710: J=J+1: NEXT L	1100
D OUTPUT FUNCT	230:B(1)=B(1)+Y(J)	720: NEXT K	1040:XX=XA-XF
10N	*Z(J+I-1)	730:LPRINT "	1045: FOR 1=1TO KT
80: XX=XA	240:NEXT J	"	1050: LPRINT USING
90:FOR J=1TO KA	250:R(])=0	748: XX=-XF	"###. #####";
100:T=EXP (-XX):Y(260: IF I >KATHEN	245; S=0	"X="; XX
J)=T*EXP (-T)	GOTO 300	750: FOR J=1TO N	1055:0=A(1)-Z(1)
110: XX=XX+SP	270:FOR J=110 KA	760: LPRINT "X="; XX	1868: LPRINT USING
120: NEXT J	280:R(1)=R(1)+Y(J)	220: LPRINT USING "	"", "", "", "", "", "", "", "", "", "",
130: XX=XA-XF	*Y(J+1-1)	** ** *** *** ** ** ** ** ** ** ** ** *	"ER=";0
140:FOR J=1TO KT	290: NEXT J	" F=";X(J)	1065: XX=XX+SP
150:T=EXP (XX):02=	300: NEXT 1	78Ø: XX=XX+SP	1020: NEXT]
. Je. I-ENI (AA). UZ-	SSS NEAT 1	/ GP + AA=AA+31	1100: END
			1,501,110